

# **REGUŁOWO-MODELOWE SKORUPOWE SYSTEMY EKSPERTOWE**

**Część 2: Systemy rozwinięte dokładne**

**Antoni Niederliński  
Uniwersytet Ekonomiczny  
w Katowicach**

**[antoni.niederlinski@ue.katowice.pl](mailto:antoni.niederlinski@ue.katowice.pl)**

# Rozwinięte dokładne bazy wiedzy

- 1) Baza reguł rozwinięta dokładna
- 2) Baza modeli rozwinięta dokładna
- 3) Baza ograniczeń rozwinięta dokładna
- 4) Baza rad rozwinięta dokładna
- 5) Pliki rad
- 6) Baza grafiki
- 7) Pliki grafiki
- 8) Baza dźwięków
- 9) Pliki dźwięków
- 10) Plik opisu wiedzy dziedzinowej

# Baza reguł rozwinięta dokładna

**reguła(Nr, "Wniosek",  
Lista\_warunków, Semafor)**

**fakt("Warunek dopytywalny")**

**fakt("nWarunek dopytywalny")**

# Baza reguł rozwinięta dokładna

reguła(Nr, "Wniosek",  
Lista\_warunków, Semafor)

Wniosek jest prawdą, jeżeli wszystkie warunki są prawdą.

Wszystkie reguły mają wyłącznie niezanegowane wnioski

# Baza reguł rozwinięta dokładna

reguła(Nr, "Wniosek",  
Lista\_warunków, Semafor)

Jeżeli którykolwiek z warunków nie jest prawdą,  
wniosek jest uważany za nieprawdziwy.

Jest to tzw. założenie zamkniętego świata.

# **Założenie zamkniętego świata**

**Dla wszystkich systemów ekspertowych rozwiniętych dokładnych zakłada się, że:**

**uważa się za nieprawdę to, co nie wynika:**

- z reguł bazy reguł,**
- z ograniczeń bazy ograniczeń,**
- z modeli bazy modeli,**
- z faktów i wartości argumentów zadeklarowanych przez użytkownika**

# **Założenie zamkniętego świata**

**Wszystko, co nie wynika z bazy reguł, bazy ograniczeń i bazy modeli oraz z deklaracji użytkownika, uważa się za nieprawdziwe.**

# Założenie zamkniętego świata leży u podstaw różnicy pomiędzy implikacją logiki a implikacją regułową rozwiniętego dokładnego systemu ekspertowego:

Implikacja logiki:  $q \Rightarrow p$

q	p	$q \Rightarrow p$
Prawda	Prawda	Prawda
Nieprawda	Prawda	Prawda
Nieprawda	Nieprawda	Prawda

Implikacja regułowa:  $q \rightarrow p$

q	p	$q \rightarrow p$
Prawda	Prawda	Prawda
Nieprawda	Nieprawda	Prawda

Uwzględnienie całej wiedzy dziedzinowej sprawia, że nieprawda warunku pociąga za sobą nieprawdę wniosku

Dlatego interpretujemy implikację regułową następująco:



**„Założenie zamkniętego świata”  
a prawo rzymskie**

**„in dubio pro reo”**

**wątpliwości przemawiają na rzecz  
oskarżonego**

**Jeżeli brak dowodów winy, oskarżonego  
uznaje się za niewinnego**

# Baza reguł rozwinięta dokładna

Jeżeli warunek dopytywalny:

**Warunek**

nie jest prawdą, to uważa się za prawdę  
warunek zanegowany:

Przedrostek 'n'  
oznacza negację

**nWarunek**

# Baza reguł rozwinięta dokładna

Jeżeli wniosek reguły:

reguła(Nr, "Wniosek",  
Lista\_warunków, Semafor)

nie jest prawdą, to uważa się za prawdę  
wniosek zanegowany:

Przedrostek 'n'  
oznacza negację

nWniosek

# **Baza reguł rozwinięta dokładna**

**Bazy reguł mogą zawierać zanegowane warunki niedopytywalne.**

**Innymi słowy: dopuszczalne jest zagnieżdżanie z negacją.**

**Brak potrzeby definiowanie reguł dla zanegowanych wniosków.**

Zagnieżdżanie bez negacji : wniosek reguły jest warunkiem innej reguły

reguła(N, "Wniosek\_N", [..., "ABCD",...],1)

reguła(M, "ABCD", Lista\_warunków\_M,1)



Zagnieżdżanie z negacją : zanegowany wniosek reguły jest warunkiem innej reguły

reguła(N, "Wniosek\_N", [..., "nABCD",....],1)



reguła(M, "ABCD", Lista\_warunków\_M,1)

# Zagnieżdżanie z negacją

reguła(1, "pojadę na wycieczkę zagraniczną",  
["dostanę urlop", "będę miał pieniądze"], 1)

Reguła podstawowa

reguła(2, "Narastające zmęczenie",  
["npojadę na wycieczkę zagraniczną"], 1)

Reguła potrzebująca negacji

**Brak potrzeby definiowanie reguł dla zanegowanych wniosków**

# **Korzyści zagnieżdżania z negacją**

- \* Mniejsza baza reguł**
- \* Reguły bardziej zrozumiałe**
- \* Reguły łatwiejsze do modyfikacji**



# Przykład: reguła *i* z zagnieżdżeniem (1)

```
reguła(1, "Wniosek_i",  
      ["nWarunek_i1", "nWarunek_i2"],1)
```

```
reguła(2, "Warunek_i1",  
      ["Warunek_m1", "Warunek_m2"],1)
```

```
reguła(3, "Warunek_i2",  
      ["Warunek_n1", "Warunek_n2"],1)
```

# Przykład:reguła / bez zagnieżdżenia (2)

```
reguła (11, "Wniosek_i",  
      ["nWarunek_m1", "nWarunek_n1"],1)
```

```
reguła (12, "Wniosek_i",  
      ["nWarunek_m2, "nWarunek_n1],1)
```

```
reguła(13, "Wniosek_i",  
      ["nWarunek_m1, "nWarunek_n2],1)
```

```
reguła(14, "Wniosek_i",  
      ["nWarunek_m2", "nWarunek_n2 "],1)
```

# Przykład: reguła $i$ bez zagnieżdżenia (3)

Pojedyncza zagnieżdżona reguła  $i$  =  
Cztery płaskie reguły  $i_1, i_2,$   
 $i_3, i_4$

Praktycznie rozmiary baz reguł płaskich mogą być bardzo duże w porównaniu z odpowiednimi bazami zagnieżdżającymi się.

# Baza ograniczeń rozwinięta dokładna

Baza ograniczeń zawiera zbiory warunków dopytywalnych wykluczających się, np.:

("temperatura jest wyższa od 40°C",  
"temperatura jest niższa od 10 °C",  
"temperatura jest pomiędzy 10°C i 40°C").

lub:

("dostanę urlop", "nie dostanę urlopu")

# Baza ograniczeń rozwinięta dokładna

Pary dychotomicznych warunków dopytywalnych mogą być deklarowane w bazie ograniczeń rozwiniętej dokładnej, np. :

("dostanę urlop", "nie dostanę urlopu")

Można tego jednak uniknąć wprowadzając zanegowane warunki dopytywalne :

**Przedrostek 'n'  
oznacza negację**

"ndostanę urlop"

# Baza ograniczeń rozwinięta dokładna

Klauzule bazy ograniczeń rozwiniętej  
dokładnej:

ograniczenie(Nr\_ograniczenia,  
Lista\_wykluczających\_się\_  
warunków\_dopytywalnych)

Tak samo jak dla  
baz elementarnych

# Baza modeli rozwinięta dokładna

- **Modele rozwinięte podstawowe dokładne**
- **Modele rozwinięte rozszerzone dokładne**
- **Modele rozwinięte liniowe dokładne**
- **Modele rozwinięte wielomianowe dokładne**

# Baza modeli

arytmetyczne

relacyjne

podstawowe	X	X
rozszerzone	X	X
liniowe	X	
wielomianowe	X	



# Rodzaje zmiennych łańcuchowych w modelach:

- logiczne zmienne łańcuchowe, np.:

"Relacja spełniona",  
"Wartość zmiennej w zakresie dopuszczalnym",

- rzeczywiste i całkowite zmienne łańcuchowe, np.:

"Wartość ciśnienia", "56.79", "56"

# Modele unikatowe i wielokrotne

Model rozwinięty dokładny jest **unikatowy**, jeżeli baza modeli nie zawiera innego modelu o tym samym **Wyniku/Wniosku**

W przeciwnym przypadku model jest modelem **wielokrotnym**.

# Dla wszystkich modeli rozwiniętych dokładnych (1)

**Numer\_Modelu** jest liczbą całkowitą, różną dla różnych modeli i różną od numerów reguł.

Stosowanie numerów różnych wynika stąd, że rady odwołują się do numerów reguł lub numerów modeli relacyjnych.

## Dla wszystkich modeli rozwiniętych dokładnych (2)

- "Warunek startowy" jest logiczną zmienną łańcuchową;
- Wynik/Wniosek modelu jest wyznaczany tylko gdy Warunek startowy jest prawdą
- Warunek startowy = bez warunku jest zawsze prawdą

## Dla wszystkich modeli rozwiniętych dokładnych (3)

- **Warunek startowy** różny od **bez warunku** wskazuje tylko model wielokrotny, który w danej sytuacji należy zastosować.
- **Warunek startowy** różny od **bez warunku** nie może wskazywać modelu unikatowego; Stosowanie dla modelu unikatowego takiego warunku startowego może doprowadzić do przerwania wnioskowania.
- **Warunek startowy** może być zanegowanym wnioskiem reguły lub modelu relacyjnego

# Dla wszystkich modeli rozwiniętych dokładnych (4)

## Semafor\_wyświetlania

= 0 informacja o stosowaniu modelu nie jest wyświetlana w trakcie wnioskowania

= 1 informacja o stosowaniu modelu jest wyświetlana w trakcie wnioskowania

# Modele rozwinięte podstawowe dokładne

```
model(Numer_modelu,  
      "Warunek startowy",  
      "Wynik"/"Wniosek",  
      "Pierwszy Argument",  
      "Operacja"/"Relacja",  
      "Drugi Argument",  
      Semafor_wyświetlania)
```

# Model rozwinięty podstawowy dokładny:

"Wynik"/"Wniosek"

- "Wynik" – rzeczywista zmienna łańcuchowa dla modelu arytmetycznego
- "Wniosek" - logiczna zmienna łańcuchowa dla modelu relacyjnego



# Model elementarny rozwinięty dokładny:

"Pierwszy\_Argument", "Drugi\_Argument"

rzeczywiste lub całkowite zmienne łańcuchowe, zarówno dla modelu arytmetycznego jak i dla modelu relacyjnego

# Model elementarny rozwinięty dokładny:

## "Operacja"

- modele arytmetyczne z dwoma argumentami wykonują operacje:

"+", "−", "\*", "/", "div", "mod",

"min", "max", "%", "A^N",

"zaokrąglenie\_do\_N"

**N** – liczba naturalna

# Model elementarny rozwinięty dokładny:

## "Operacja"

- modele arytmetyczne z jednym argumentem wykonują operacje

"sqrt", "sin", "cos", "tan", "arctan",

"log", "ln", "exp", "round", "trunc",

"abs", "="

przy czym "Drugi\_Argument" = "0"

# Model elementarny rozwinięty dokładny:

## "Relacja"

- modele relacyjne testują relacje:

">", "==" , "<", ">=" ,

"<=" , "><" , "<>"

# Sens modelu elementarnego rozwinętego arytmetycznego dokładnego:

```
model(Nr_Modelu, "Start",  
      "Wynik", "X1", "+", "X2",  
      Semafor_wyświetlania)
```

Jeżeli **Start** jest prawdą

to **Wynik = X1 + X2**

# Sens modelu elementarnego rozwiniętego arytmetycznego dokładnego:

```
model(Nr_Modelu, "Start",  
      "Wynik", "X1", "+", "X2",  
      Semafor_wyświetlania)
```

Jeżeli **Start** nie jest prawdą

to **Wynik** jest nieokreślony

# Sens modelu elementarnego rozwinętego relacyjnego dokładnego:

```
model(Nr_Modelu, "Start",  
      "Wniosek",  
      "X1", "<=", "X2 ",  
      Semafor_wyświetlania)
```

Jeżeli Start jest prawdą

i  $X1 \leq X2$

to Wniosek jest prawdą

# Sens modelu elementarnego rozwiniętego relacyjnego:

```
model(Nr_Modelu, "Start",  
      "Wniosek",  
      "X1", "<=", "X2",  
      Semafor_wyświetlania)
```

Jeżeli Start nie jest prawdą

to Wniosek jest nieokreślony



# Sens modelu elementarnego rozwiniętego relacyjnego:

```
model(Nr_Modelu, "Start",  
      "Wniosek",  
      "X1", "<=", "X2",  
      Semafor_wyświetlania)
```

Jeżeli Start jest prawdą

i  $X1 > X2$

to Wniosek nie jest prawdą, lecz  
prawdą jest  $\neg$ Wniosek

Istotna różnica w  
porównaniu z modelami  
baz elementarnych  
dokładnych

# Modele rozszerzone

```
model_r(Numer_Modelu,  
        "Warunek_startowy",  
        "Wynik" /"Wniosek",  
        "Operacja"/"Relacja",  
        Lista_Argumentów,  
        Semafor_wyświetlania)
```

# Model rozszerzony:

"Wynik"/"Wniosek"

- "Wynik" – rzeczywista zmienna łańcuchowa dla modelu arytmetycznego
- "Wniosek" - logiczna zmienna łańcuchowa dla modelu relacyjnego

## Model rozszerzony:

### "Operacja"

- modele arytmetyczne wykonują operacje

"+", "\*", "max\_list", "min\_list"

# Model rozszerzony:

## "Relacja"

- modele relacyjne testują relacje:

"<,<", "<,<=", "<=,<", "<=,<="

# Model rozszerzony arytmetyczny:

Lista\_Argumentów

["Argument\_1", "Argument\_2", ..., "Argument\_n"]

"Argument\_i" = rzeczywista lub całkowita  
zmienna łańcuchowa

n – „dowolnie” duże

# Sens modelu rozszerzonego arytmetycznego:

```
model_r(Nr_Modelu,  
        "Start", "Wynik", "+",  
        ["X1", "X2 ,..., "Xn"],  
        Semafor_wyświetlania)
```

Jeżeli Start jest prawdą

to  $Wynik = X1 + X2 + \dots + Xn$

# Sens modelu rozszerzonego arytmetycznego:

```
model_r(Nr_Modelu,  
        "Start", "Wynik", "+",  
        ["X1", "X2 ,..., "Xn"],  
        Semafor_wyświetlania)
```

Jeżeli Start nie jest prawdą

to Wynik jest nieokreślony



# Model rozszerzony relacyjny:

Lista\_Argumentów

["Ograniczenie\_dolne", "Wielkość\_testowana",  
"Ograniczenie\_górne"]

"Ograniczenie\_dolne"

"Wielkość\_testowana"

"Ograniczenie\_górne"

Rzeczywiste zmienne  
łańcuchowe

# Sens modelu rozszerzonego relacyjnego:

```
model_r(Nr_Modelu,  
        "Start", " Wniosek ",  
        "<,<=", ["Ogr_d", "X", "Ogr_g"],  
        Semafor_wyświetlania)
```

Jeżeli Start jest prawdą

i  $Ogr\_d < X \leq Ogr\_g$

to Wniosek jest prawdą

# Sens modelu rozszerzonego relacyjnego:

```
model_r(Nr_Modelu,  
        "Start", " Wniosek ",  
        "<,<=", ["Ogr_d", "X", "Ogr_g"],  
        Semafor_wyświetlania)
```

Jeżeli Start nie jest prawdą

to Wniosek jest nieokreślony

# Sens modelu rozszerzonego relacyjnego:

```
model_r(Nr_Modelu,  
        "Start", " Wniosek ",  
        "<,<=", ["Ogr_d", "X", "Ogr_g"],  
        Semafor_wyświetlania)
```

Jeżeli Start jest prawdą

i  $X \leq Ogr\_d$  lub  $Ogr\_g < X$

to Wniosek nie jest prawdą,  
prawdą jest  $n$ Wniosek

Istotna różnica w  
porównaniu z modelami  
baz elementarnych  
dokładnych

# Model liniowy:

```
model liniowy(Numer_Modelu,  
              "Warunek_startowy",  
              "Wynik",  
              Lista_współczynników,  
              Lista_Zmiennych,  
              Semafor_wyświetlania)
```

# Model liniowy:

"Wynik"

rzeczywista zmienna łańcuchowa

# Model liniowy:

"Lista\_współczynników"

["A\_1", "A\_2", ..., "A\_n"]

gdzie

"A\_i" - rzeczywiste zmienne łańcuchowe

# Model liniowy:

**Lista\_zmiennych**

**["X\_1", "X\_2", ..., "X\_n"]**

gdzie

**"X\_i"** - rzeczywiste zmienne łańcuchowe



# Sens modelu liniowego:

```
model liniowy(Numer_Modelu,  
  "Start", "Wynik",  
    ["A_1", "A_2", "A_3"],  
    ["X_1", "X_2", "X_3"],  
  Semafor_wyświetlania)
```

jeżeli Start jest prawdą

to

Wynik =

$$A\_1 * X\_1 + A\_2 * X\_2 + A\_3 * X\_3$$

# Sens modelu liniowego:

```
model liniowy(Numer_Modelu,  
  "Start", "Wynik",  
    ["A_1", "A_2", "A_3"],  
    ["X_1", "X_2", "X_3"],  
  Semafor_wyświetlania)
```

jeżeli Start nie jest prawdą

to

**Wynik jest nieokreślony**

# Model wielomianowy:

```
model_wielomianowy(Numer_Modelu,  
    "Warunek_startowy",  
    "Wynik",  
    "Wartość_zmiennej",  
    Lista_współczynników,  
    Lista_Potęg,  
    Semafor_wyświetlania)
```

# Model wielomianowy:

"Wynik"

rzeczywista zmienna łańcuchowa

# Model wielomianowy:

"Wartość\_Zmiennej"

rzeczywista zmienna łańcuchowa, dla której jest  
wyznaczana **wartość wielomianu**

# Model wielomianowy:

**Lista\_współczynników**

**["A\_1", "A\_2", ..., "A\_n"]**

gdzie:

**"A\_i"** - rzeczywista zmienna łańcuchowa

# Model wielomianowy:

Lista\_potęg

**[0,1,2,...,n-1]**

Lista liczb całkowitych (niekoniecznie kolejnych)

n – „dowolnie” duże

# Sens modelu wielomianowego:

```
model_wielomianowy(Numer_Modelu, " Start ",  
    " Wynik ",  
    " 3 ", ["A_0", "A_2", "A_5"],  
    [0,2,5],  
    Semafor_wyświetlania)
```

Jeżeli Start jest prawdą

to Wynik =

$$A_0 * 3^0 + A_2 * 3^2 + A_5 * 3^5$$



# Sens modelu wielomianowego:

```
model_wielomianowy(Numer_Modelu, " Start ",  
    " Wynik ",  
    " 3 ", ["A_0", "A_2", "A_5"],  
    [0,2,5],  
    Semafor_wyświetlania)
```

Jeżeli Start nie jest prawdą

to Wynik jest nieokreślony

# Modele mogą się zagnieżdżać:

Zagnieżdżanie modeli arytmetycznych:  
wynik jednego modelu może być  
argumentem innego modelu:

```
model(N, St_N, "Wynik_N", A, O_N, B, 1)
```



```
model (M, St_M, Wynik_M, "Wynik_N" , O_M, G, 1)
```

# Modele mogą się zagnieżdżać:

Zagnieżdżanie modeli relacyjnych i innych:  
wniosek jednego modelu relacyjnego może być  
warunkiem stosowania innego modelu:

```
model(N, _, "Wniosek_N", A, R_N, B, 1)
```



```
model (M, "Wniosek_N", Wynik_M, C, O_M, D, 1)
```

# Modele mogą się zagnieżdżać:

Zagnieżdżanie modeli relacyjnych i innych:  
zanegowany wniosek jednego modelu relacyjnego  
może być warunkiem stosowania innego modelu:

```
model(N, _, "Wniosek_N", A, R_N, B, 1)
```



```
model (M, "nWniosek_N", Wynik_M, C, O_M, D, 1)
```

# Modele relacyjne i reguły mogą się zagnieżdżać:

Zagnieżdżanie modeli relacyjnych i reguł:  
wniosek modelu relacyjnego może być  
warunkiem reguły

```
model(N, _, "Wniosek_N", A, R_N, B, 1)
```

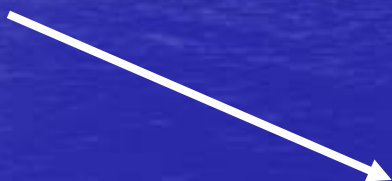


```
reguła(M, Wniosek_M, [..., "Wniosek_N",..])
```

# Modele relacyjne i reguły mogą się zagnieżdżać:

Zagnieżdżanie modeli relacyjnych i reguł:  
zanegowany wniosek modelu relacyjnego może  
być warunkiem reguły

```
model(N, _, "Wniosek_N", A, R_N, B, 1)
```



```
reguła(M, Wniosek_M, [..., "nWniosek_N",...])
```

# Zagnieżdżanie reguł i modeli:

wniosek reguły może być warunkiem startowym modelu

reguła(N, "Wniosek\_N", Lista\_warunków,1)



model (M, "Wniosek\_N", Wynik\_M, A , "op\_M", B, 1)

## Zagnieżdżanie reguł i modeli:

zanegowany wniosek reguły może być warunkiem startowym modelu

reguła(N, "Wniosek\_N", Lista\_warunków,1)



model (M, "nWniosek\_N", Wynik\_M, A , "op\_M", B, 1)



# Zagnieżdżanie modeli

**Zagnieżdżające się modele mogą mieć argumenty dwojakiemu rodzaju:**

**Argumenty dopytywalne: nie są wynikami modeli. Wartość tych argumentów jest określana przez użytkownika systemu ekspertowego**

**Argumenty niedopytywalne: są wynikami modeli. Wartość liczbowa tych argumentów jest określana przez system ekspertowy**

# Zagnieżdżanie modeli

**Zagnieżdżające się modele mogą mieć warunki startowe dwojakiemu rodzaju:**

**Warunki startowe dopytywalne:** nie są wnioskami modeli relacyjnych ani wnioskami reguł. Wartość tych warunków startowych jest określana przez użytkownika systemu ekspertowego

**Warunki startowe niedopytywalne:** są wnioskami modeli relacyjnych lub wnioskami reguł. Wartość logiczna tych warunków startowych jest określana przez system ekspertowy

# **BAZA RAD**

**Każdej regule i każdemu modelowi relacyjnemu mogą być przyporządkowane dwie rady:**

- rada udzielana dla spełnionej reguły (spełnionego modelu relacyjnego)**
- nrada udzielana dla niespełnionej reguły (niespełnionego modelu relacyjnego)**

# BAZA RAD

Klauzule bazy rad:

```
rada(numer_reguły/modelu,  
      "nazwa_pliku_rady_dla_reguły_spełnionej/  
      modelu_relacyjnego_spełnionego.hlp")
```

```
nrada(numer_reguły/modelu,  
       nazwa_pliku_rady_dla_reguły_niespełnionej  
       modelu_relacyjnego_niespełnionego.hlp")
```

# Istotne różnice pomiędzy wnioskowaniem elementarnym dokładnym i rozwiniętym dokładnym

- Dla wnioskowania elementarnego dokładnego zapamiętywano tylko wnioski prawdziwe.
- Dla wnioskowania rozwiniętego dokładnego zapamiętuje się zarówno prawdziwe jak i nieprawdziwe wnioski.

Nigdy bowiem nie wiemy, czy zanegowany wniosek nie będzie potrzebny jako warunek jakiejś reguły

# Istotne różnice pomiędzy wnioskowaniem elementarnym dokładnym i rozwiniętym dokładnym

**Wnioskowanie elementarne dokładne** jest **monotoniczne**: wniosek uznany za prawdę nie mógł w trakcie dalszego wnioskowania, przy niezmiennych warunkach dopytywalnych będących faktami, stać się nieprawdą.

# Istotne różnice pomiędzy wnioskowaniem elementarnym dokładnym i rozwiniętym dokładnym

**Wnioskowanie rozwinięte dokładne jest niemonotoniczne:**  
wniosek uznany za prawdę może w trakcie dalszego wnioskowania, przy niezmienionych warunkach dopytywalnych będących faktami, stać się nieprawdą.

# Mechanizm wnioskowania rozwiniętego

**Dla zrozumienia mechanizmu  
wnioskowania rozwiniętego,  
zaczniemy od prostego przykładu:**



# Wnioskowanie rozwinięte dokładne w przód

Wnioskowanie rozwinięte dokładne w przód jest wnioskowaniem w przód dla baz reguł rozwiniętych dokładnych, tzn. baz dokładnych mogących zawierać zanegowane warunki niedopytywalnych.

Wnioskowanie to można stosować również dla baz reguł elementarnych dokładnych

**Konwencja:**      **W** - warunek niezanegowany  
                         **nW** - warunek zanegowany

# Wnioskowanie rozwinięte dokładne w przód

Cel wnioskowania:

Wyznaczenie wszystkich wniosków prawdziwych i wszystkich wniosków nieprawdziwych dla:

- danego początkowego zbioru prawdziwych i nieprawdziwych warunków dopytywalnych
- danej bazy reguł rozwiniętej dokładnej i odpowiadającej jej bazy ograniczeń
- danego początkowego zbioru wartości argumentów
- danej bazy modeli dokładnej

# Wnioskowanie rozwinięte dokładne w przód: przykład (a)

Przykład: dla danej bazy reguł wyznaczyć wszystkie fakty wynikające z faktów A , nB, C, nD i nE:

## Fakty

A nB C nD nE

A nB C nD nE

nW(1)

Nowy fakt:  
nW(1)

## Reguły

1.  $A B \rightarrow W$
2.  $nW nE \rightarrow X$
3.  $A D \rightarrow Z$
4.  $nX \rightarrow Z$
5.  $C nD \rightarrow W$

# Wnioskowanie rozwinięte dokładne w przód: przykład (b)

## Fakty

A nB C nD nE  
nW(1) X(2)

## Reguły

1.  $A B \rightarrow W$
2.  $nW nE \rightarrow X$
3.  $A D \rightarrow Z$
4.  $nX \rightarrow Z$
5.  $C nD \rightarrow W$

← Nowy fakt X(2)

A nB C nD nE  
nW(1) X(2) nZ(3)

1.  $A B \rightarrow W$
2.  $nW nE \rightarrow X$
3.  $A D \rightarrow Z$
4.  $nX \rightarrow Z$
5.  $C nD \rightarrow W$

← Nowy fakt nZ(3)

# Wnioskowanie rozwinięte dokładne w przód: przykład (c)

## Fakty

A nB C nD nE  
nW(1) X(2) nZ(3)  
nZ(4)

## Reguły

1.  $A B \rightarrow W$
2.  $nW nE \rightarrow X$
3.  $A D \rightarrow Z$
4.  $nX \rightarrow Z$
5.  $C nD \rightarrow W$

Nowy fakt  
nZ(4)



# Wnioskowanie rozwinięte dokładne w przód: przykład (d)

## Fakty

A	nB	C	nD	nE
<del>nW(1)</del>	X(2)	nZ(3)		
nZ(4)	W(5)			

## Reguły

1.  $A B \rightarrow W$
2.  $nW nE \rightarrow X$
3.  $A D \rightarrow Z$
4.  $nX \rightarrow Z$
5.  $C nD \rightarrow W$

Niemonotoniczność

A	nB	C	nD	nE
<del>nW(1)</del>	<del>X(2)</del>	nZ(3)		
nZ(4)	W(5)	nX(2)		

1.  $A B \rightarrow W$
2.  ~~$nW nE \rightarrow X$~~
3.  $A D \rightarrow Z$
4.  $nX \rightarrow Z$
5.  $C nD \rightarrow W$

Nowy fakt  
W(5)

Nowy fakt  
nX(2)



# Wnioskowanie rozwinięte dokładne w przód: przykład (e)

## Fakty

A	nB	C	nD	nE
<del>nW(1)</del>	<del>X(2)</del>		<del>nZ(3)</del>	
<del>nZ(4)</del>	W(5)		nX(2)	
Z(4)				

## Reguły

1.  $A B \rightarrow W$
2.  $nW nE \rightarrow X$
3.  $A D \rightarrow Z$
4.  $nX \rightarrow Z$
5.  $C nD \rightarrow W$

Nowy fakt  
Z(4)

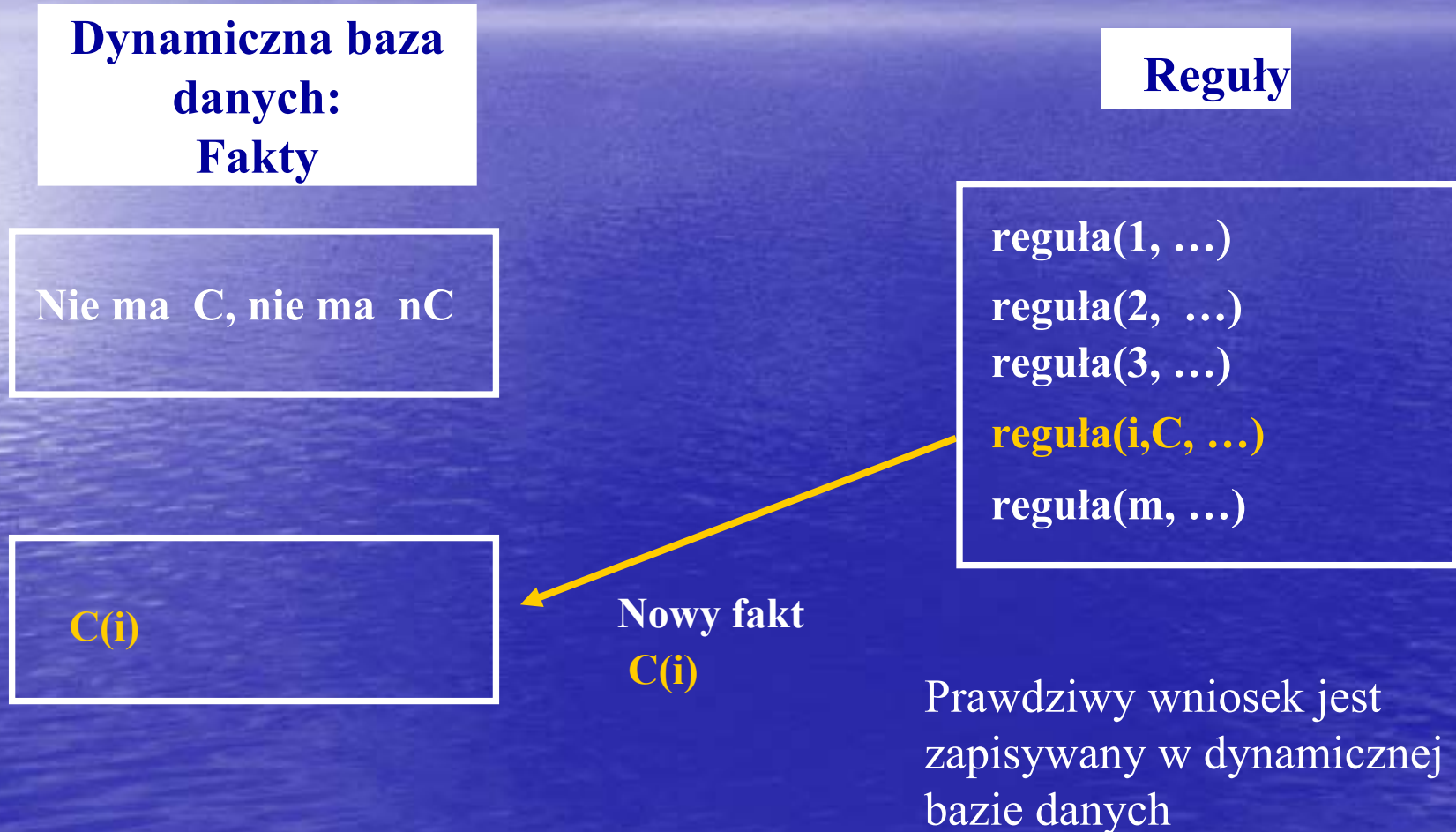
Z faktów A, nB, C, nD i nE wynikają fakty **W(5)**, **nX(2)**, **Z(4)**.

# Ogólne zasady wnioskowania w przód dla baz reguł rozwiniętych dokładnych

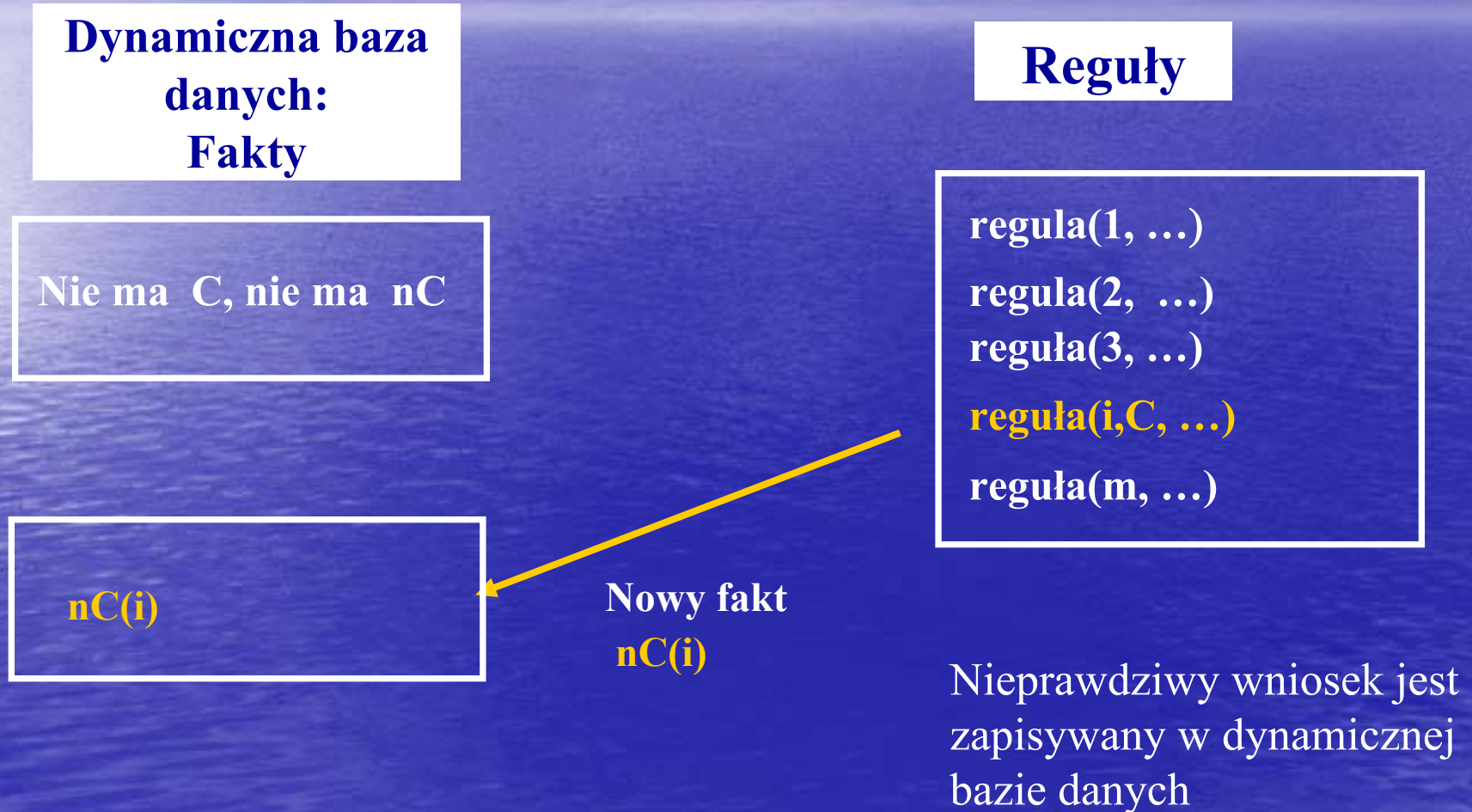
**Z poprzedniego przykładu wynikają następujące zasady ogólne:**



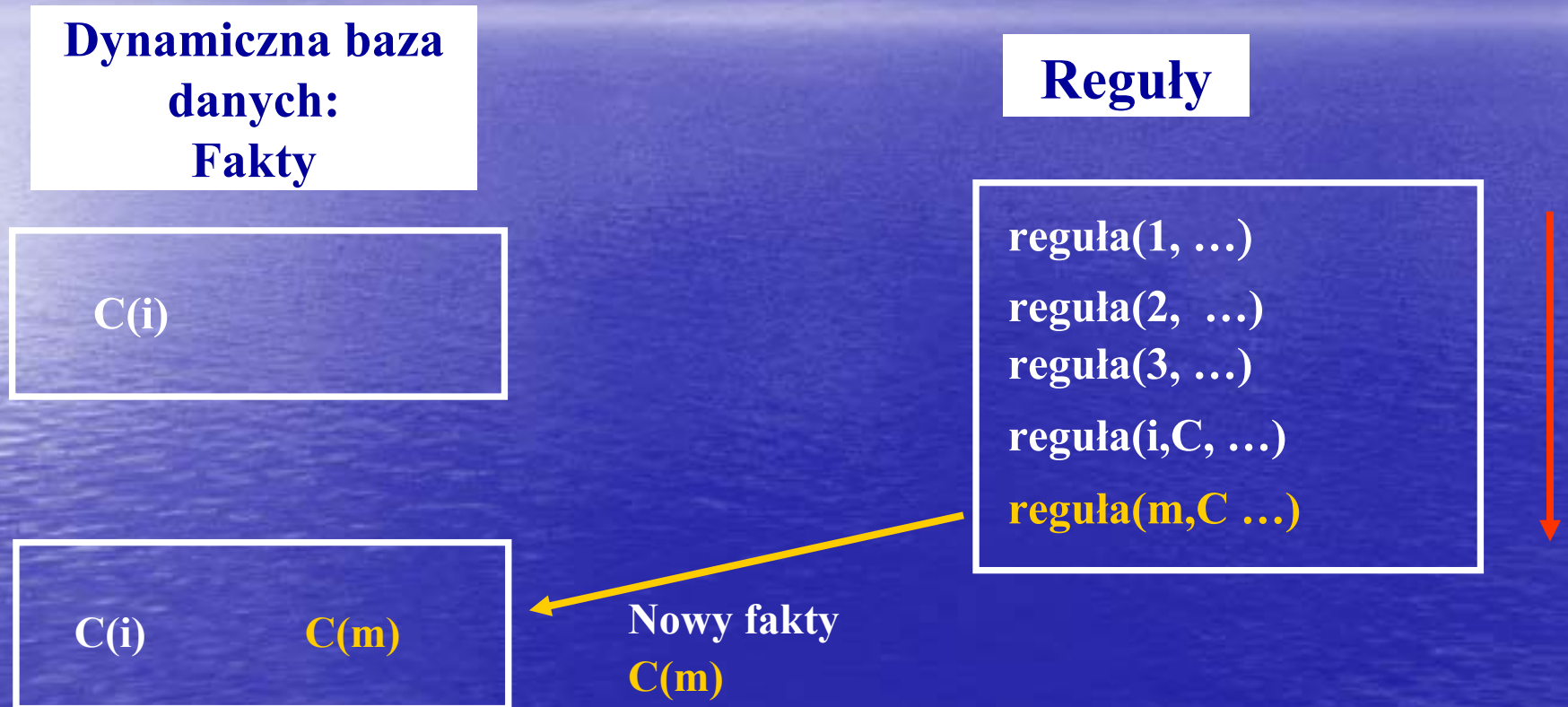
# Ogólne zasady wnioskowania w przód dla baz reguł rozwiniętych dokładnych (1)



# Ogólne zasady wnioskowania w przód dla baz reguł rozwiniętych dokładnych (2)

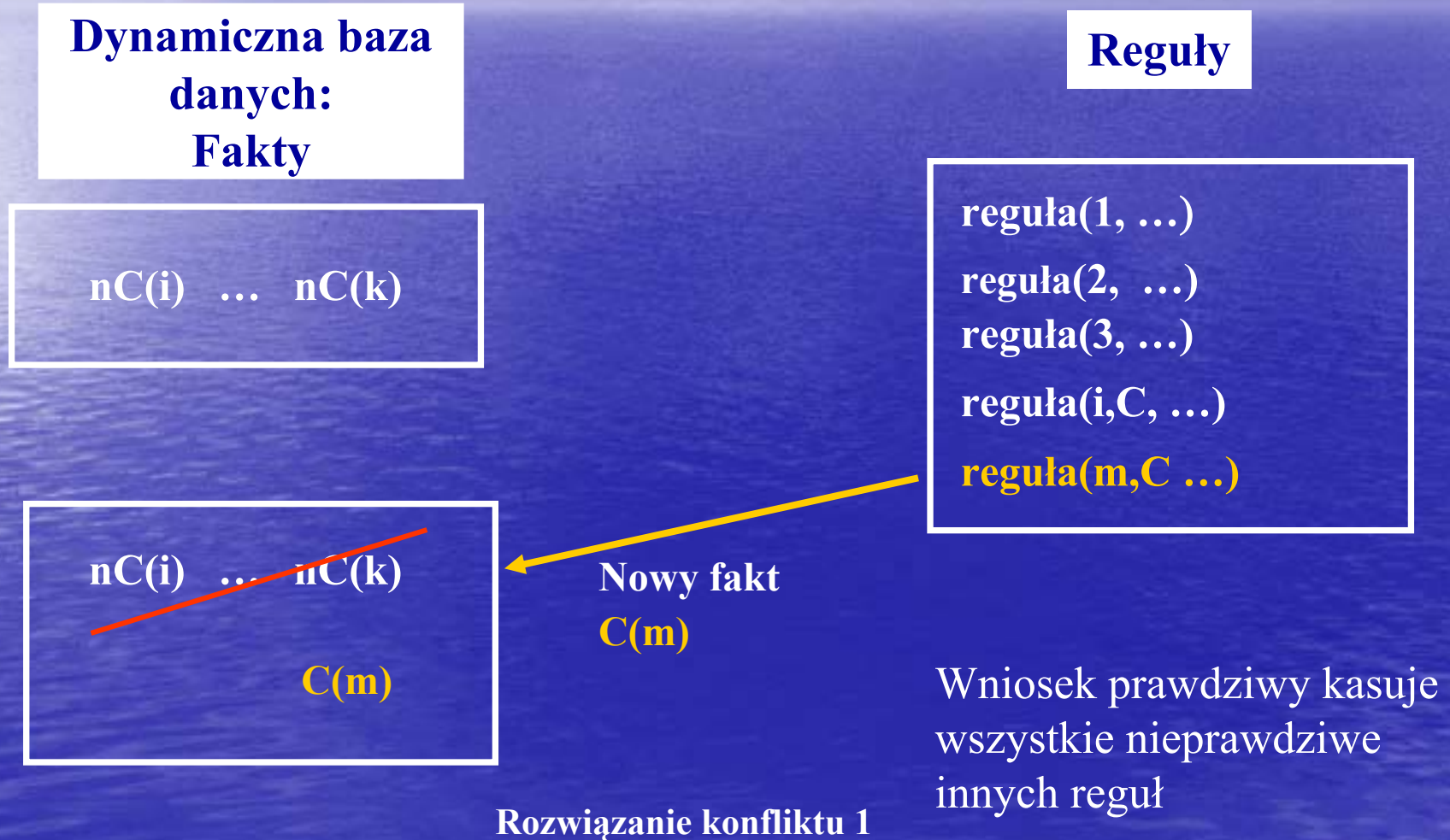


# Ogólne zasady wnioskowania w przód dla baz reguł rozwiniętych dokładnych (3)

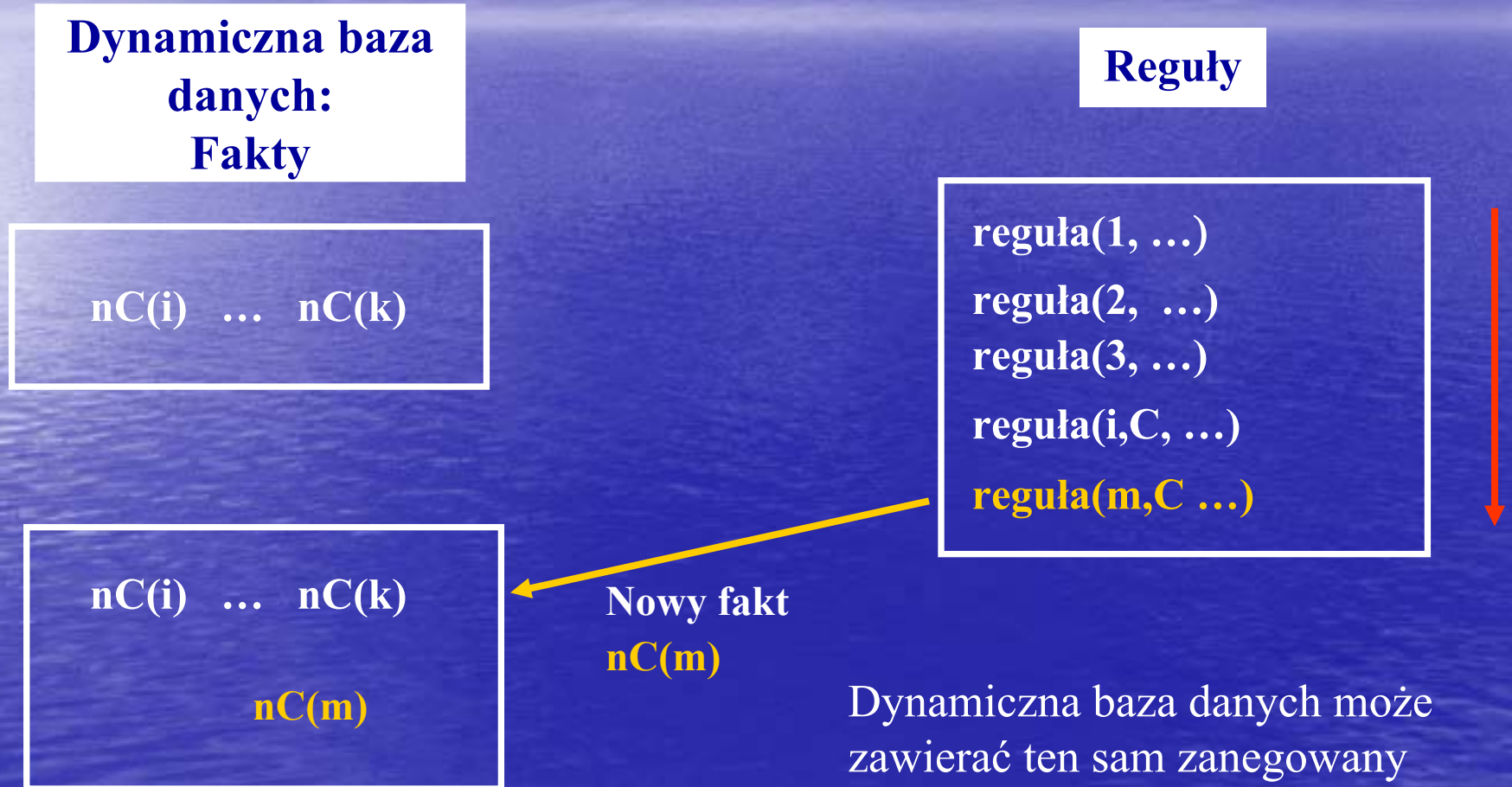


Dynamiczna baza danych może zawierać ten sam wniosek wielokrotnie, jeżeli pochodzi od różnych reguł.

# Ogólne zasady wnioskowania w przód dla baz reguł rozwiniętych dokładnych (4)

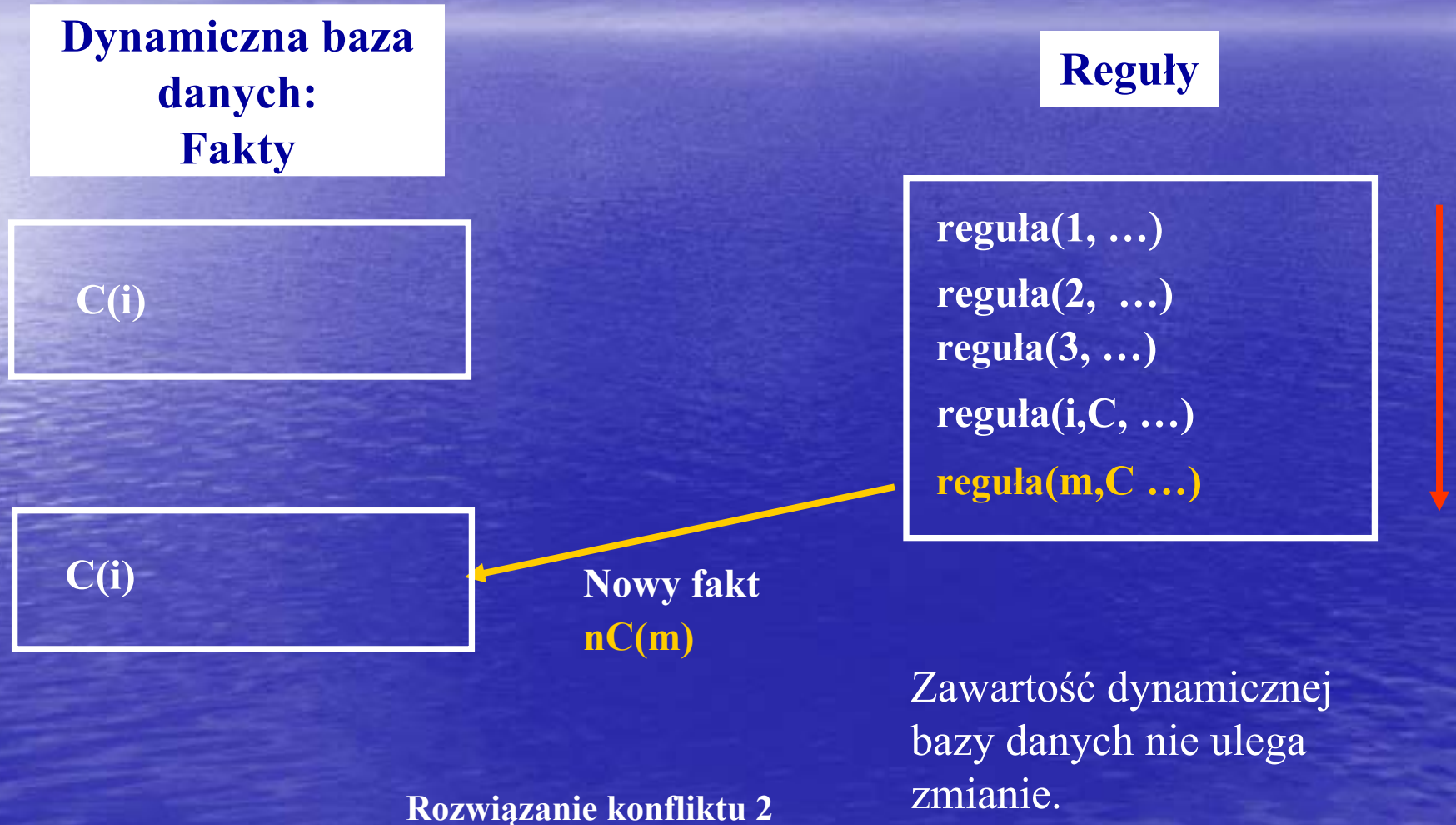


# Ogólne zasady wnioskowania w przód dla baz reguł rozwiniętych dokładnych (5)

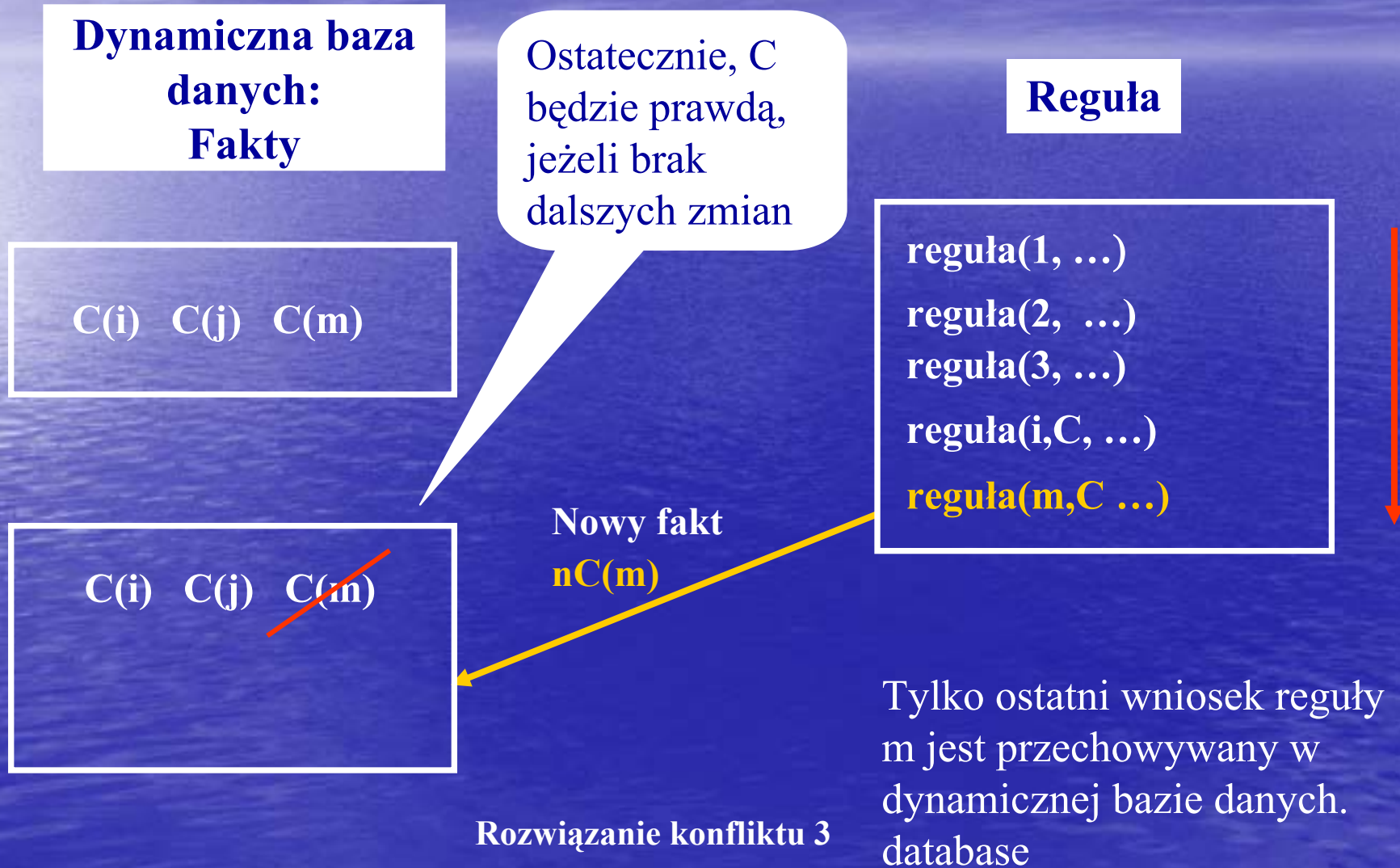


Dynamiczna baza danych może zawierać ten sam zanegowany wniosek wielokrotnie, jeżeli pochodzi od różnych reguł.

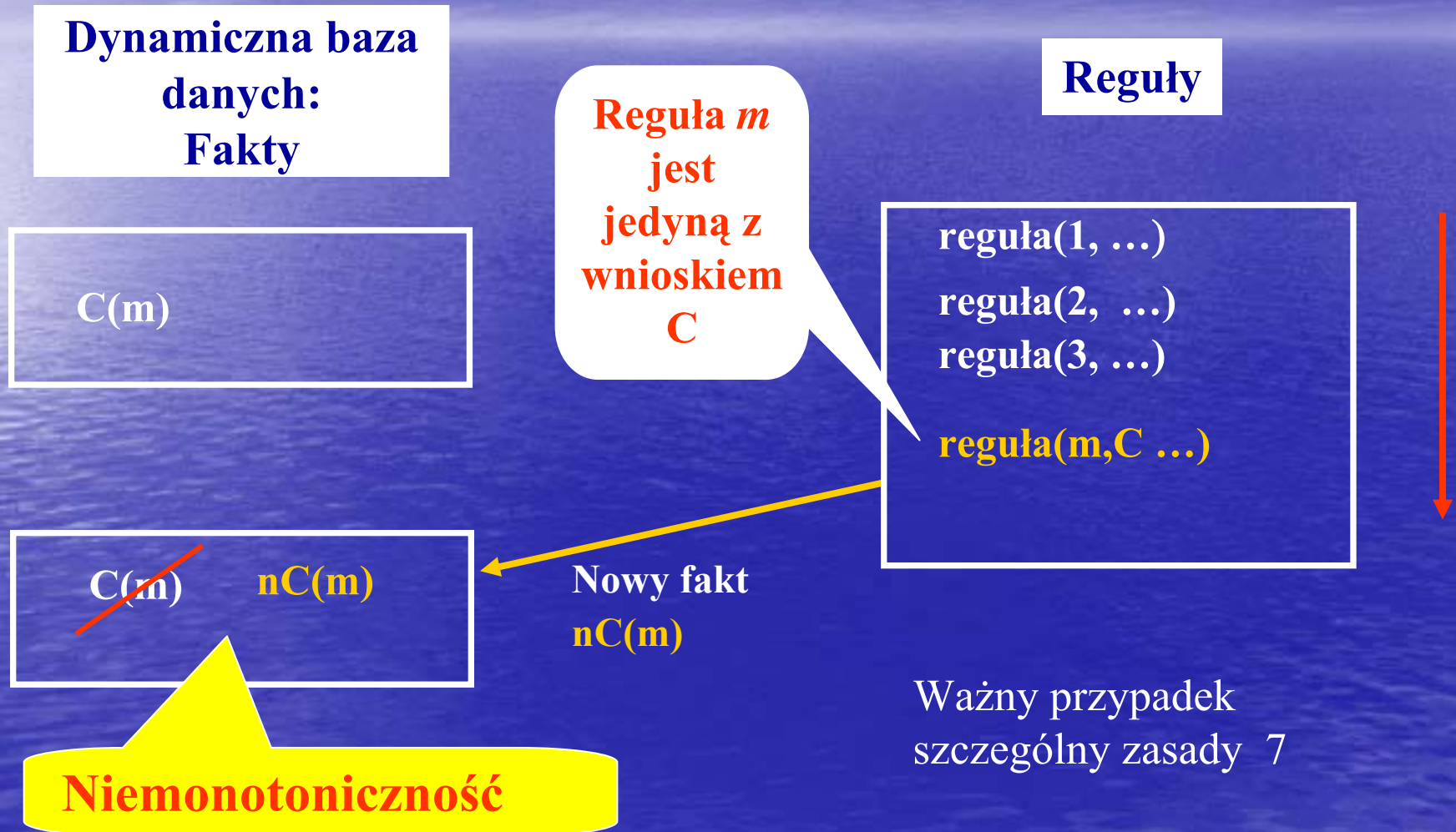
# Ogólne zasady wnioskowania w przód dla baz reguł rozwiniętych dokładnych (6)



# Ogólne zasady wnioskowania w przód dla baz reguł rozwiniętych dokładnych (7)



# Ogólne zasady wnioskowania w przód dla baz reguł rozwiniętych dokładnych (8)





# Wnioskowanie rozwinięte dokładne w przód

- (a) zaistnienie faktu **X** w sytuacji, gdy w dynamicznej bazie danych nie ma faktu **X** ani faktu zanegowanego **nX**, powoduje wpisanie faktu **X** do dynamicznej bazy danych wraz z numerem generującej go reguły. Jeżeli fakt ten odpowiada warunkowi dopytywalnemu, numerem tym jest 0;

# Wnioskowanie rozwinięte dokładne w przód

(b) zaistnienie faktu **X** w sytuacji, gdy w dynamicznej bazie danych jest odpowiadający mu fakt zanegowany **nX**, powoduje dodanie faktu **X** do dynamicznej bazy danych wraz z numerem generującej go reguły i usunięcie z niej faktu zanegowanego **nX** wraz z numerem odpowiedniej reguły.

# Wnioskowanie rozwinięte dokładne w przód

(c) zaistnienie faktu **X** w sytuacji, gdy w dynamicznej bazie danych jest fakt **X** wygenerowany przez inną regułę, powoduje dodanie nowego faktu **X** do dynamicznej bazy danych wraz z numerem generującej go reguły

# Wnioskowanie rozwinięte dokładne w przód

(d) zaistnienie faktu **nX** w sytuacji, gdy w dynamicznej bazie danych jest odpowiadający mu fakt **X** generowany przez inną regułę niż fakt **nX**, nie powoduje zmian w dynamicznej bazie danych

# Wnioskowanie rozwinięte dokładne w przód

(e) zaistnienie faktu  $nX$  w sytuacji, gdy w dynamicznej bazie danych jest odpowiadający mu fakt  $X$  generowany przez tę samą regułę co fakt  $nX$  i nie ma faktów  $X$  generowanych przez inne reguły, powoduje dodanie faktu  $nX$  do dynamicznej bazy danych wraz z numerem odpowiedniej reguły i usunięcie z dynamicznej bazy danych faktu  $X$ .

# Wnioskowanie rozwinięte dokładne wstecz

- Wnioskowanie rozwinięte wstecz jest wnioskowaniem wstecz dla baz reguł rozwiniętych dokładnych, tzn. mogących zawierać zanegowane warunki niedopytywalnych.
- Wnioskowanie to można stosować również dla baz reguł elementarnych dokładnych.

# Wnioskowanie rozwinięte dokładne wstecz (1)

Cel wnioskowania:

Potwierdzenie (weryfikowanie) lub zaprzeczenie (falsyfikowanie) iż dana hipoteza wynika z:

- danego początkowego zbioru prawdziwych i nieprawdziwych warunków dopytywalnych
- danej bazy reguł rozwiniętej dokładnej i odpowiadającej jej bazy ograniczeń

# Wnioskowanie rozwinięte dokładne wstecz: weryfikacja hipotezy Z

**Fakty:**

A nB C nD nE

A nB C nD nE

Brak Z

**Reguły:**

1. A B  $\rightarrow$  W
2. nW nE  $\rightarrow$  X
3. A D  $\rightarrow$  Z
4. nX  $\rightarrow$  Z
5. C nD  $\rightarrow$  W

Czy jest  
A i D ?



# Wnioskowanie rozwinięte dokładne wstecz: weryfikacja hipotezy Z

## Fakty:

A nB C nD nE

Jest **A**,  
brak **D**

## Reguły:

1.  $A \ B \rightarrow W$
2.  $\neg W \ \neg E \rightarrow X$
3.  $A \ D \rightarrow Z$
4.  $\neg X \rightarrow Z$
5.  $C \ \neg D \rightarrow W$

A nB C nD nE

Czy jest  
**nX** ?

A nB C nD nE

Brak **nX**

1.  $A \ B \rightarrow W$
2.  $\neg W \ \neg E \rightarrow X$
3.  $A \ D \rightarrow Z$
4.  $\neg X \rightarrow Z$
5.  $C \ \neg D \rightarrow W$

# Wnioskowanie rozwinięte dokładne wstecz: weryfikacja hipotezy Z

## Fakty:

A nB C nD nE

A nB C nD nE

A nB C nD nE

## Reguły:

1.  $A \rightarrow B \rightarrow W$
2.  $nW \wedge nE \rightarrow X$
3.  $A \wedge D \rightarrow Z$
4.  $nX \rightarrow Z$
5.  $C \wedge nD \rightarrow W$

1.  $A \rightarrow B \rightarrow W$
2.  $nW \wedge nE \rightarrow X$
3.  $A \wedge D \rightarrow Z$
4.  $nX \rightarrow Z$
5.  $C \wedge nD \rightarrow W$

Czy jest  
nW i nE ?

Brak nW

# Wnioskowanie rozwinięte dokładne wstecz: weryfikacja hipotezy Z

**Fakty:**

A nB C nD nE

A nB C nD nE

A nB C nD nE

**Reguły:**

1.  $A \rightarrow B \rightarrow W$
2.  $\neg W \wedge \neg E \rightarrow X$
3.  $A \wedge D \rightarrow Z$
4.  $\neg X \rightarrow Z$
5.  $C \wedge \neg D \rightarrow W$

1.  $A \rightarrow B \rightarrow W$
2.  $\neg W \wedge \neg E \rightarrow X$
3.  $A \wedge D \rightarrow Z$
4.  $\neg X \rightarrow Z$
5.  $C \wedge \neg D \rightarrow W$

Czy jest  
A i B?

Jest A i nB

# Wnioskowanie rozwinięte dokładne wstecz: weryfikacja hipotezy Z

**Fakty:**

A nB C nD nE

**Reguły:**

1. A B  $\rightarrow$  W
2. nW nE  $\rightarrow$  X
3. A D  $\rightarrow$  Z
4. nX  $\rightarrow$  Z
5. C nD  $\rightarrow$  W

Czy jest  
C i nD ?

A nB C nD nE

Jest C i nD

1. A B  $\rightarrow$  W
2. nW nE  $\rightarrow$  X
3. A D  $\rightarrow$  Z
4. nX  $\rightarrow$  Z
5. C nD  $\rightarrow$  W

# Wnioskowanie rozwinięte dokładne wstecz: weryfikacja hipotezy Z

**Fakty:**

A nB C nD nE

Jest C i nD, a więc  
jest W, a więc jest nX,  
więc jest Z

**Reguły:**

1.  $A \rightarrow B \rightarrow W$
2.  $nW \wedge nE \rightarrow X$
3.  $A \wedge D \rightarrow Z$
4.  $nX \rightarrow Z$
5.  $C \wedge nD \rightarrow W$

# Sprzeczności w rozwiniętych dokładnych bazach reguł (1)

## 1. Sprzeczności typu SRD1:

- **zewewnętrzne:** wniosek reguły jest sprzeczny z jej warunkiem
- **wewnętrzne:** warunki reguły są sprzeczne

SRD1 \_Sprzeczność bazy Rozwiniętej Dokładnej generowana przez Pojedynczą (1) bazę

# Sprzeczności w rozwiniętych dokładnych bazach reguł (2)

Sprzeczności zewnętrzne: sprzeczności pomiędzy wnioskiem a warunkami:

1. Reguła jest zewnętrznie SRD1-samosprzeczna, jeżeli jednym z jej warunków jest jej wniosek lub negacja wniosku. Np.:

`reguła(1,"Wniosek",["Wniosek", "Warunek_1"],_)`

`reguła(2,"Wniosek",["nWniosek", "Warunek_1"],_)`

# Sprzeczności w rozwiniętych dokładnych bazach reguł (3)

- Reguła  $n$  jest **zewnątrznie bezpośrednio SRD1-sprzeczna** z regułą  $m$ , jeżeli:
  - wniosek lub zanegowany wniosek reguły  $m$  jest warunkiem reguły  $n$ , i
  - wniosek lub zanegowany wniosek reguły  $n$  jest warunkiem reguły  $m$ .Np.:

reguła(1, "X",["M","N","nY"],1)  
reguła(2, "Y",["P","Q","X"],1)

Zastąpienie warunku  $X$  reguły 2 warunkami reguły 1 czyni z reguły 2 regułą 3 będącą zewnętrze SRD1-samosprzeczną:

reguła(3, " Y",[" P"," Q"," M","N","nY"],1)



# Sprzeczności w rozwiniętych dokładnych bazach reguł (4)

- Reguła **n** jest **zewnątrznie pośrednio SRD1-sprzeczna** z regułą **m**, jeżeli podstawienie reguły **m** do innej reguły, tej zaś do jeszcze innej itd., doprowadza do reguły bezpośrednio **SRD1-sprzecznej** z regułą **n**.  
Np. reguła **1** jest zewnętrznje pośrednio **SRD1-sprzeczna** z regułą **3**:

reguła(1, "H",["K","B"],1)

reguła(2, "K",[" C","D", "nX"],1)

reguła(3, "X",[" H"," A"],1)

Pośrednikiem jest tutaj reguła **2**. Podstawienie warunków reguły **3** w miejsce warunku **X** reguły **2** daje bowiem (w najbardziej niekorzystnym przypadku) regułę **4**:

reguła(21, "K",[" C","D", "nH", " nA" ],1)

która jest zewnętrznje bezpośrednio **SRD1-sprzeczna** z regułą **1**

# Sprzeczności w rozwiniętych dokładnych bazach reguł (5)

Sprzeczności wewnętrzne: sprzeczności pomiędzy warunkami reguł spłaszczonych

1. Reguła jest wewnętrznie SRD1-samosprzeczna, jeżeli ma warunki dopytywalne wykluczające się i nie ma innej reguły dla tego samego wniosku, która ma warunki dopytywalne nie wykluczające się.

# Sprzeczności w rozwiniętych dokładnych bazach reguł (6)

Sprzeczności wewnętrzne: sprzeczności pomiędzy warunkami reguł spłaszczonych

Np.:

reguła(1,"X", ["nW", "W", "A"], 1)

reguła(2,"X", ["nB", "C", "B"], 1)

i nie ma innej reguły dla X, która ma warunki dopytywalne nie wykluczające się.

# Sprzeczności w rozwiniętych dokładnych bazach reguł (7)

Sprzeczności wewnętrzne: sprzeczności pomiędzy warunkami reguł spłaszczonych

2. Reguła jest pośrednio wewnętrznie SRD1-sprzeczna, jeżeli ma dla wszystkich możliwych spłaszczeń warunki dopytywalne wykluczające się i nie ma innej reguły dla tego samego wniosku, która po spłaszczeniu ma warunki dopytywalne nie wykluczające się.

# Sprzeczności w rozwiniętych dokładnych bazach reguł (8)

Sprzeczności wewnętrzne: sprzeczności pomiędzy warunkami reguł spłaszczonych

Np.:

reguła(1,"X", ["C", "B", "Y"], 1)

reguła(2,"Y", ["A", "nB"], 1)

po spłaszczeniu:

reguła(3,"X", ["C", "B", "A", "nB"], \_)

i nie ma innej reguły dla X, która po spłaszczeniu ma warunki dopytywalne nie wykluczające się.

# Sprzeczności w rozwiniętych dokładnych bazach reguł (9)

3. Reguła pośrednio wewnątrznie SRD1-sprzeczna nie będzie nigdy spełniona, lecz może być niespełniona:

Np.:

```
reguła(1,"X", ["C", "B", "Y"], 1)  
reguła(2,"Y", ["A", "nB"], 1)
```

Jeżeli nA,  
to nY,  
to nX.

# Sprzeczności w rozwiniętych dokładnych bazach reguł i bazach ograniczeń (10)

2. Sprzeczności typu SRD2: warunki reguły są sprzeczne w wyniku interakcji bazy reguł i bazy ograniczeń.

Np.:

reguła(1, "X", ["A", "C", "B"], 1)

ograniczenie(1, ["A", "C"])

ograniczenie sprawia, że reguła ta nie będzie nigdy stosowana

# Nadmiarowości w rozwiniętych dokładnych bazach reguł (1)

**1. Nadmiarowości typu NRD1:** występowanie reguł o jednakowych wnioskach i jednakowych warunkach.  
Np. w przypadku reguł:

```
reguła(1,"W", ["nA", "B"], 1)
      reguła(2,"W", ["E", "F", "nC", "nD"],
1)
reguła(3,"A", ["C", "D"], 1)
reguła(4,"B", ["E", "F"], 1)
```

reguła 2 ma takie same warunki i taki sam wniosek jak reguła 1 wraz z regułami 3 i 4.



# Nadmiarowości w rozwiniętych dokładnych bazach reguł (2)

2. Nadmiarowości typu NRD1\_2: występowanie reguł subsumowanych. Np.w przypadku reguł

reguła(1,"W", ["A", "B", "C", "nX"], 1)  
reguła(2,"W", ["A", "B"], 1)

reguła 1 jest subsumowana (zawarta) w regule 2, gdyż obydwie mają taki sam wniosek, a warunki reguły 2 są podzbiorem warunków reguły 1. Regułę 1 można więc usunąć z bazy reguł.

# Nadmiarowości w rozwiniętych dokładnych bazach reguł (3)

2. Nadmiarowości typu NRD1\_3: występowanie reguł o niepotrzebnych warunkach. Np. w przypadku reguł

```
reguła(1, "W", ["A", "B", "C"], 1)  
reguła(2, "W", ["A", "B", "nC"], 1)
```

Reguły te można zastąpić jedną regułą.

```
reguła(3, "W", ["A", "B"], 1)
```

# Nadmiarowości w rozwiniętych dokładnych bazach reguł (4)

2. Nadmiarowości typu NRD2: Źródłem nadmiarowości typu NRD2 jest interakcja bazy reguł i bazy ograniczeń. Np

Baza reguł:

reguła (1, "W", ["A", "nF" ],1 )  
reguła (2, "W", ["B", "nF" ],1 )

Baza ograniczeń:

ograniczenie(1,["A" , "B"] )

Baza Reguł

redukują się do:

reguła (3, "W", ["nF" ],1 )

# Wnioskowanie rozwinięte dokładne w przód: przykład (b) sprzeczna baza reguł

**Fakty:**

A B nC

**Reguły:**

- 1. A B Z  $\rightarrow$  W
- 2. nW B  $\rightarrow$  Z
- 3. A C  $\rightarrow$  Z

A B nC nZ

Nowy fakt: nZ

# Wnioskowanie rozwinięte dokładne w przód: przykład

(b)

sprzeczna baza reguł

**Fakty:**

**Reguły:**

A B nC nZ nW

- 1. A B Z  $\rightarrow$  W
- 2. nW B  $\rightarrow$  Z
- 3. A C  $\rightarrow$  Z

Nowy fakt: nW

A B nC Z nW

- 1. A B Z  $\rightarrow$  W
- 2. nW B  $\rightarrow$  Z
- 3. A C  $\rightarrow$  Z

Nowy fakt: Z

# Wnioskowanie rozwinięte dokładne w przód: przykład

(b)

sprzeczna baza reguł

**Fakty:**

A B nC **Z W**

Nowy fakt: **W**

**Reguły:**

1. A B Z  $\rightarrow$  W
2. nW B  $\rightarrow$  Z
3. A C  $\rightarrow$  Z

A B nC **nZ nW**

Nowy fakt: **nZ**

1. A B Z  $\rightarrow$  W
2. nW B  $\rightarrow$  Z
3. A C  $\rightarrow$  Z

itd. itd. Zmiany **W  $\rightarrow$  nZ  $\rightarrow$  nW  $\rightarrow$  Z  $\rightarrow$  W** są niekończącymi się oscylacjami, świadczącymi o sprzeczności bazy reguł.

# Wnioskowanie rozwinięte dokładne w przód: przykład (c) sprzeczna baza reguł

**Fakty:**

**Reguły:**

A B C

- 1. A B Z  $\rightarrow$  W
- 2.  $\neg$ W B  $\rightarrow$  Z
- 3. A C  $\rightarrow$  Z

Nowy fakt:  
Z

A B C Z

- 1. A B Z  $\rightarrow$  W
- 2.  $\neg$ W B  $\rightarrow$  Z
- 3. A C  $\rightarrow$  Z

Nowy fakt:  
W

A B C Z W

Z bazy reguł i z faktów A, B i C wynikają więc tym razem nowe fakty Z i W i na tym koniec.